GET it digital

Modul 6: Magnetische Größen



Stand: 22. Oktober 2025

Lizenz



Weiternutzung als OER ausdrücklich erlaubt: Dieses Werk und dessen Inhalte sind lizenziert unter CC BY 4.0. Ausgenommen von der Lizenz sind die verwendeten Logos sowie alle anders gekennzeichneten Elemente. Nennung gemäß TULLU-Regel bitte wie folgt: "GET it digital Modul 6: Magnetische Größen" von R. Wegener, G. Lisicki, J. Kirschner Lizenz: CC BY 4.0.

Der Lizenzvertrag ist hier abrufbar:

https://creativecommons.org/licenses/by/4.0/deed.de

Das Werk ist online verfügbar unter:

https://getitdigital.uni-wuppertal.de/module/modul-6-magnetische-groessen

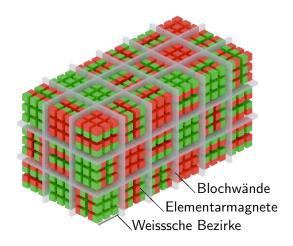
Lernziele

Lernziele: Magnetische Größen

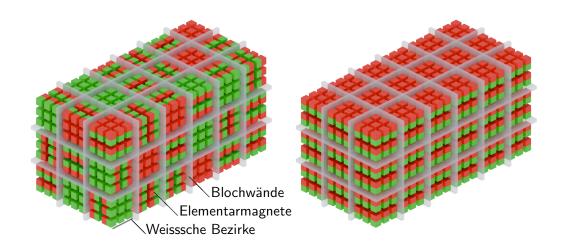
Die Studierenden

- kennen die grundlegenden magnetischen Größen im magnetischen Kreis.
- verstehen physikalischen Wirkprinzipien hinter den einzelnen magnetischen Größen.
- können die Wechselwirkungen der magnetischen Größen zueinander beschreiben.
- können die einzelnen Größen im magnetischen Kreis berechnen.

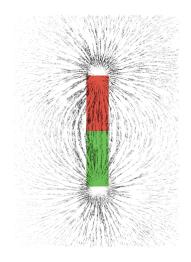
Magnetismus



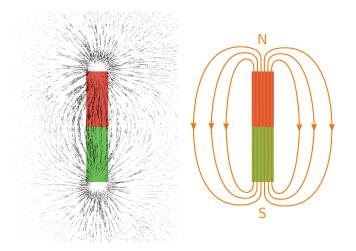
Magnetismus



Magnetisches Feld

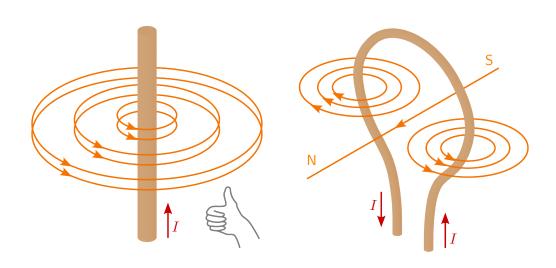


Magnetisches Feld

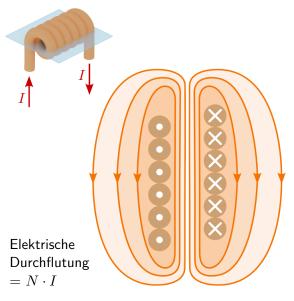


- Magnetische Feldlinien sind immer geschlossen (Quellenfrei).
- ► Außerhalb des Magneten verlaufen sie vom Nord- zum Südpol.
- Sie treten immer senkrecht aus der Magnetoberfläche aus bzw. ein.

Elektromagnetismus



Magnetische Durchflutung

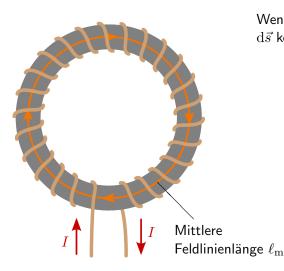


Durchflutung oder magnetische Spannung Θ (Theta) = Gesamtstrom einer durchfluteten Fläche

$$egin{aligned} arTheta &= \sum_{\mathrm{n}} I_{\mathrm{n}} = N \cdot I & \text{(vereinfacht)} \ arTheta &= \iint\limits_{A} ec{J} \cdot \mathrm{d} ec{A} & \text{(allgemein)} \ arTheta &= \oint\limits_{s} ec{H} \cdot \mathrm{d} ec{s} & \mathrm{[A]} \end{aligned}$$

H ist die magnetische Feldstärke s ist der Rand der Fläche A

Magnetische Feldstärke



Wenn \vec{H} über dem Integrationsweg $\mathrm{d}\vec{s}$ konstant ist:

$$\begin{split} \oint\limits_{s} \vec{H} \cdot \mathrm{d}\vec{s} &= |\vec{H}| \cdot \ell_{\mathrm{m}} \\ |\vec{H}| &= \frac{\Theta}{\ell_{\mathrm{m}}} \quad \left[\frac{\mathrm{A}}{\mathrm{m}}\right] \end{split}$$

Beispiel: Magnetische Feldstärke

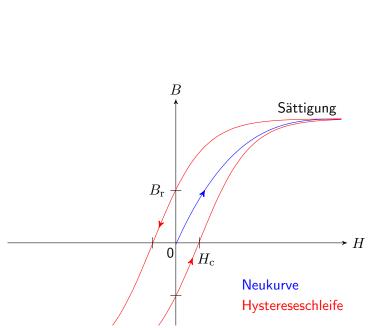
Eine Ringspule mit 1000 Windungen und einer mittleren Feldlinienlänge von $50\,\mathrm{cm}$ wird von einer Stromstärke von $100\,\mathrm{mA}$ durchflossen. Wie groß ist die magnetische Feldstärke?

$$\begin{split} \Theta &= H \cdot \ell_{\mathrm{m}} = N \cdot I \\ H &= \frac{N \cdot I}{\ell_{\mathrm{m}}} = \frac{1000 \cdot 0.1 \, \mathrm{A}}{0.5 \, \mathrm{m}} = 200 \, \frac{\mathrm{A}}{\mathrm{m}} \end{split}$$

Ein gerader Leiter wird mit einem Strom von $I=50\,\mathrm{A}$ durchflossen. Wie groß ist die magnetische Feldstärke in einem Abstand von $r=20\,\mathrm{cm}$?

$$H = \frac{N \cdot I}{\ell_{\rm m}} = \frac{1 \cdot 50 \,\text{A}}{2\pi \cdot 0.2 \,\text{m}} = 39,79 \,\frac{\text{A}}{\text{m}}$$

Magnetischer Fluss und Flussdichte



Magnetische Flussdichte: \vec{B} [T] Permeabilität:

[1]

$$\vec{B} = \mu_0 \cdot \mu_r \cdot \vec{H}$$

Magnetischer Fluss:

$$\Phi$$
 [Wb]

$$\Phi = \iint\limits_{A} \vec{B} \cdot d\vec{A}$$

$$ec{eta} = rac{\Phi}{ar{A}}$$

Hartmagnetisch:

$$H_{\rm c} > 10 \cdot 10^3 \, \frac{\rm A}{\rm m}$$

z. B. Permanentmagnete

Beispiel: Magnetische Flussdichte

Im Inneren einer dicht gewickelten Ringspule soll die magnetische Feldstärke $H=100\,{\rm {A\over m}}$ erzeugt werden. Die Spule hat einen mittleren Radius von $5\,{\rm cm}.$

1. Berechnen Sie die erforderliche Stromstärke I wenn die Spule mit N=200 Wicklungen versehen ist.

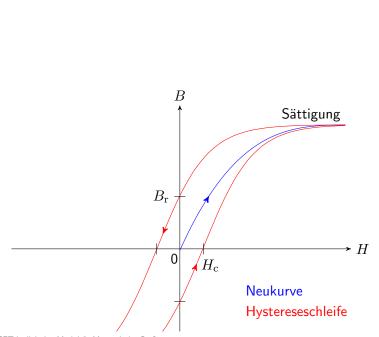
$$\begin{split} \Theta &= H \cdot \ell_{\rm m} = N \cdot I \\ I &= \frac{H \cdot \ell_{\rm m}}{N} = \frac{100 \, \frac{\rm A}{\rm m} \cdot 2 \cdot \pi \cdot 5 \cdot 10^{-2} \, \rm m}{200} = 157,\!08 \, \rm mA \end{split}$$

2. Wie groß wird die Flussdichte B im Falle einer Luftspule ($\mu_{\rm r}=1$) oder einer eisengefüllten Spule ($\mu_{\rm r}=2000$ im Arbeitspunkt)?

$$B_{\text{Luft}} = \mu_0 \cdot \mu_{\text{r}} \cdot H = 1,256 \cdot 10^{-6} \, \frac{\text{Vs}}{\text{Am}} \cdot 100 \, \frac{\text{A}}{\text{m}} = 125,6 \, \mu\text{T}$$

 $B_{\text{Eisen}} = 2000 \cdot B_{\text{Luft}} = 251,2 \, \text{mT}$

Magnetischer Fluss und Flussdichte



Magnetische Flussdichte: \vec{B} Permeabilität:

[1]

$$\vec{B} = \mu_0 \cdot \mu_r \cdot \vec{H}$$

Magnetischer Fluss:

$$\Phi$$
 [Wb]

$$\Phi = \iint\limits_A \vec{B} \cdot \mathrm{d}\vec{A}$$

$$\vec{\beta} = \frac{\Phi}{\vec{A}}$$

Hartmagnetisch:

$$H_{\rm c} > 10 \cdot 10^3 \, \frac{\rm A}{\rm m}$$

z. B. Permanentmagnete

Beispiel: Magnetische Flussdichte

Im Inneren einer dicht gewickelten Ringspule soll die magnetische Feldstärke $H=100\,{\rm {A\over m}}$ erzeugt werden. Die Spule hat einen mittleren Radius von $5\,{\rm cm}.$

1. Berechnen Sie die erforderliche Stromstärke I wenn die Spule mit N=200 Wicklungen versehen ist.

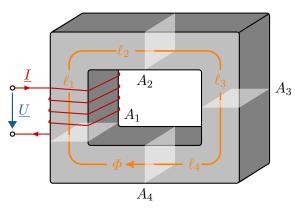
$$\begin{split} \Theta &= H \cdot \ell_{\rm m} = N \cdot I \\ I &= \frac{H \cdot \ell_{\rm m}}{N} = \frac{100 \, \frac{\rm A}{\rm m} \cdot 2 \cdot \pi \cdot 5 \cdot 10^{-2} \, \rm m}{200} = 157,\!08 \, \rm mA \end{split}$$

2. Wie groß wird die Flussdichte B im Falle einer Luftspule ($\mu_{\rm r}=1$) oder einer eisengefüllten Spule ($\mu_{\rm r}=2000$ im Arbeitspunkt)?

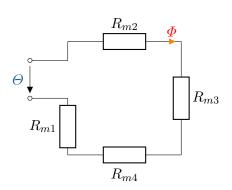
$$B_{\text{Luft}} = \mu_0 \cdot \mu_{\text{r}} \cdot H = 1,256 \cdot 10^{-6} \, \frac{\text{Vs}}{\text{Am}} \cdot 100 \, \frac{\text{A}}{\text{m}} = 125,6 \, \mu\text{T}$$

 $B_{\text{Eisen}} = 2000 \cdot B_{\text{Luft}} = 251,2 \, \text{mT}$

Magnetischer Widerstand



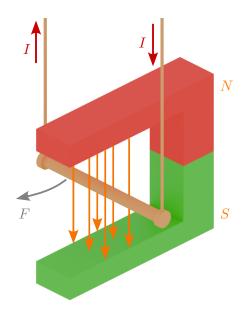
$$R_{\rm m} = \frac{\ell_{\rm m}}{\mu_{\rm r} \cdot \mu_0 \cdot A} \qquad \left[\frac{\rm A}{\rm V \cdot s} \right] \label{eq:Rm}$$

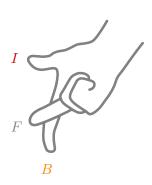


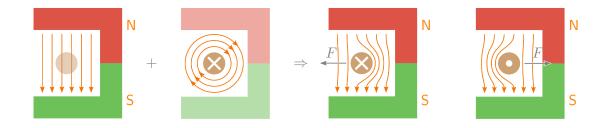
Magnetischer Kreis

Analog zum elektrischen Ohmschen Gesetz gilt für den magnetischen Kreis:

$$\varTheta = R_{\rm m} \cdot \varPhi$$

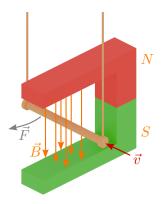






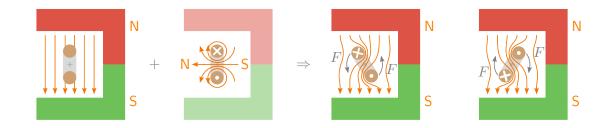
Auf eine mit der Geschwindigkeit \vec{v} bewegte Einheitsladung q im Magnetfeld \vec{B} wirkt eine Kraft:

$$\vec{F} = q \cdot (\vec{v} \times \vec{B})$$



$$F = q \cdot v \cdot B \cdot \sin \alpha$$

$$F = I \cdot \ell \cdot N \cdot B \cdot \sin \alpha$$



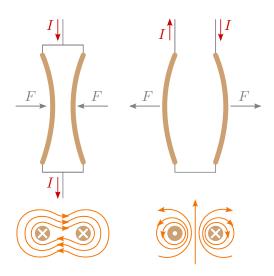
Beispiel: Lorentzkraft

Ein Gleichstrommotor hat im Luftspalt eine magnetische Flussdichte von $B=0.8\,\mathrm{T}.$ Unter den Polen befinden sich insgesamt N=400 Wicklungen, die mit einem Strom von $I=10\,\mathrm{A}$ durchflossen werden. Die wirksame Leiterlänge ist $\ell=150\,\mathrm{mm}.$ Berechnen Sie die Kraft F am Umfang des Ankers.

$$F = B \cdot I \cdot \ell \cdot N$$

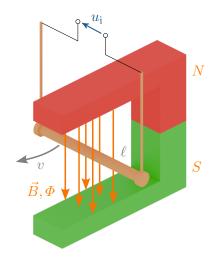
$$= 0.8 \frac{V_s}{m^2} \cdot 10 \text{ A} \cdot 0.15 \text{ m} \cdot 400$$

$$= 480 \frac{\text{kg} \cdot \text{m}^2 \cdot \text{s} \cdot \text{A} \cdot \text{m}}{\text{s}^3 \cdot \text{A} \cdot \text{m}^2} = 480 \text{ N}$$



$$F_{12} = \frac{\ell \cdot \mu_0 \cdot I_1 \cdot I_2}{2 \cdot \pi \cdot r}$$

Induktion



$$u_{\rm i} = B \cdot \ell \cdot v \cdot N$$

Die Höhe der induzierten Spannung hängt ab von:

- \blacktriangleright der magnetischen Flussdichte B
- lacktriangle der Länge des Leiters im Magnetfeld ℓ
- lackbox der Geschwindigkeit der Bewegung oder Flussänderung v
- lacktriangle der Anzahl der Leiter im Magnetfeld N

Induktion

Allgemeines Induktionsgesetz:

$$u_{\rm i} = -N \cdot \frac{\mathrm{d}\Phi}{\mathrm{d}t}$$

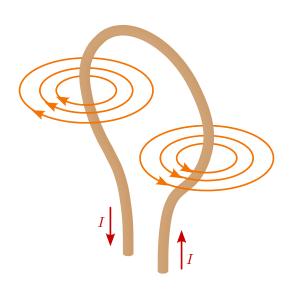
Lenzsche Regel:

Ursache und Wirkung sind stets entgegengesetzt.

Induktivität



Induktivität



$$L = \frac{N \cdot \Phi}{I} \qquad [H]$$

$$u = -L \cdot \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t}$$

$$u = -L \cdot \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t}$$

Bestimmung der Induktivität



Bei einfachen geometrischen Strukturen kann die Induktivität über den magnetischen Widerstand bestimmt werden:

$$L = \frac{N^2}{R_{\rm m}}$$

Bestimmung der Induktivität

Weg 1 über die Feldgrößen:

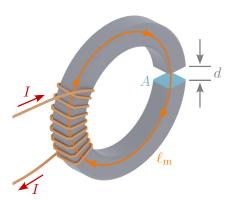
- 2. Feldstärke berechnen $H = \frac{\Theta}{\ell_{\mathrm{m}}}$
- 3. Flussdichte berechnen $B = \mu_r \cdot \mu_0 \cdot H$
- **4.** Magnetischen Fluss bestimmen $\Phi = \iint_A \vec{B} \cdot d\vec{A}$
- 5. Induktivität $L = \frac{N \cdot \Phi}{I}$

Weg 2 über den magnetischen Widerstand:

- 1. Magnetkreis in Teilabschnitte zerlegen und magnetischen Widerstand $R_{\rm m}$ berechnen $R_{\rm m} = \frac{\ell_{\rm m}}{\mu_{\rm s} \cdot \mu_{\rm D} \cdot A}$
- 2. Gesamtwiderstand berechnen (bei Reihenstruktur) $R_{m,\mathrm{ges}} = \sum R_{\mathrm{m}}$
- 3. Induktivität $L = \frac{N^2}{R_{m, \rm ges}}$

Beispiel: Induktivität

Bei einer Spule mit Eisenkern und Luftspalt soll der Einfluss des Luftspaltes d auf die Induktivität L untersucht werden. Die Spule hat N=100 Windungen. Die relative Permeabilität beträgt $\mu_{\rm r}=2000$. Die mittlere Eisenkernlänge beträgt $\ell_{\rm m}=5\,{\rm cm}$. Die Querschnittsfläche beträgt $A=1\,{\rm cm}^2$.



Beispiel: Induktivität

▶ Der Luftspalt ist vorerst nicht vorhanden: d = 0. Wie groß ist die Induktivität L?

$$\begin{split} R_{\rm m} &= \frac{\ell_{\rm m}}{\mu_{\rm r} \cdot \mu_0 \cdot A} \\ L &= \frac{N^2}{R_{\rm m}} \\ L &= \frac{100^2 \cdot 2000 \cdot 1,256 \cdot 10^{-6} \, \frac{\rm Vs}{\rm Am} \cdot 1 \cdot 10^{-4} \, \rm m^2}{0,05 \, \rm m} \\ L &= 0,05 \, \frac{\rm Vs}{\rm A} = 50 \, \rm mH \end{split}$$

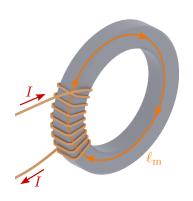
GET it digital · Modul 6: Magnetische Größen

Beispiel: Induktivität

▶ Der Luftspalt beträgt nun $d = 1 \, \text{mm}$. Wie groß ist die Induktivität?

$$\begin{split} R_{\rm m} &= R_{m,{\rm Fe}} + R_{m,{\rm L}} \\ &= \frac{\ell_{\rm m} - d}{\mu_{\rm r} \cdot \mu_0 \cdot A} + \frac{d}{\mu_0 \cdot A} \\ &= \frac{0,05\,{\rm m} - 0,001\,{\rm m}}{2000 \cdot 1,256 \cdot 10^{-6}\,\frac{{\rm Vs}}{{\rm Am}} \cdot 1 \cdot 10^{-4}\,{\rm m}^2} + \frac{0,001\,{\rm m}}{1,256 \cdot 10^{-6}\,\frac{{\rm Vs}}{{\rm Am}} \cdot 1 \cdot 10^{-4}\,{\rm m}^2} \\ L &= 1,226\,{\rm mH} \end{split}$$

Energie im magnetischen Feld



$$\begin{split} p &= \frac{\mathrm{d}W}{\mathrm{d}t} = u \cdot i \qquad u = L \cdot \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} \\ \mathrm{d}W_\mathrm{m} &= u_\mathrm{L} \cdot i_\mathrm{L} \cdot \mathrm{d}t = L \cdot \frac{\mathrm{d}i}{\mathrm{d}t} \cdot i_\mathrm{L} \cdot \mathrm{d}t = L \cdot i_\mathrm{L} \cdot \mathrm{d}i_\mathrm{L} \end{split}$$

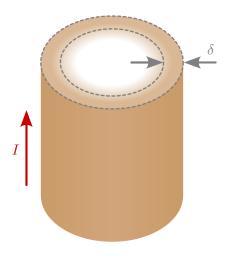
$$W_{\rm m} = L \cdot \int_{0}^{I} i_{\rm L} \cdot di_{\rm L} = \frac{1}{2} \cdot L \cdot I^{2}$$
$$= \frac{1}{2} \cdot N \cdot \Phi \cdot I$$

Energie im magnetischen Feld

Berechnung über die Feldgrößen:

$$W_{\rm m} = \ell_{\rm m} \cdot A \cdot \int_0^{B_L} H dB$$
$$= \ell_{\rm m} \cdot A \cdot \frac{B_{\rm L}^2}{2 \cdot \mu_{\rm r} \cdot \mu_0}$$
$$\frac{W_{\rm m}}{V} = \frac{B_{\rm L}^2}{2 \cdot \mu_0} = \frac{F}{A}$$
$$F = \frac{B_{\rm L}^2}{2 \cdot \mu_0} \cdot A$$

Skin-Effekt



Wechselspannung nutzt nur die Oberfläche eines Leiters.

$$\delta = \sqrt{\frac{\rho_{\rm R}}{\pi \cdot \mu \cdot f}}$$

Frequenz	Skin-Tiefe δ_{Cu}
$5\mathrm{Hz}$	$29,7\mathrm{mm}$
$50\mathrm{Hz}$	$9{,}38\mathrm{mm}$
$500\mathrm{Hz}$	$2{,}97\mathrm{mm}$
$500\mathrm{kHz}$	$93,\!8\mu\mathrm{m}$

Beispiel: Skin-Tiefe

Ein Kupferleiter wird mit Strom der Frequenz $f=50\,\mathrm{Hz}$ durchflossen. Für den Leiter sind folgende Werte gegeben:

- \blacktriangleright Absolute magnetische Permeabilität: $\mu = 4\pi \cdot 10^{-7} \; \frac{\mathrm{Vs}}{\mathrm{Am}}$
- Spezifischer Widerstand: $ho_R = 0.01721 \, {\Omega \cdot \mathrm{mm}^2 \over \mathrm{m}}$

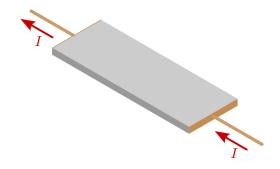
Berechnen Sie die Skin-Tiefe δ des Leiters.

$$\delta = \sqrt{\frac{\rho_{\rm R}}{\pi \cdot \mu \cdot f}}$$

$$\delta = \sqrt{\frac{0.01721 \frac{\Omega \cdot \text{mm}^2}{\text{m}}}{\pi \cdot 4\pi \cdot 10^{-7} \frac{\text{Vs}}{\text{Am}} \cdot 50 \,\text{Hz}}}$$

$$\delta \approx 9.34 \,\text{mm}$$

Hall-Effekt





GET it digital · Modul 6: Magnetische Größen

Beispiel: Hall-Spannung

Ein mit der Stromstärke $I=2\,\mathrm{A}$ stromdurchflossenes Metallplättchen mit der Dicke $d=1\,\mathrm{cm}$ befindet sich in einem Magnetfeld mit der Flussdichte $B=0.5\,\mathrm{T}$. Die Hall-Konstante des Materials beträgt $A_\mathrm{H}=3.2\cdot10^{-3}\,\frac{\mathrm{m}^3}{\mathrm{C}}$. Berechnen Sie die Hall-Spannung.

$$U_{\rm H} = A_{\rm H} \cdot \frac{I \cdot B}{d}$$

$$U_{\rm H} = 3.2 \cdot 10^{-3} \, \frac{\rm m^3}{\rm C} \cdot \frac{2 \, \mathrm{A} \cdot 0.5 \, \mathrm{T}}{0.01 \, \mathrm{m}}$$

$$U_{\rm H} = 0.32 \, \mathrm{V}$$